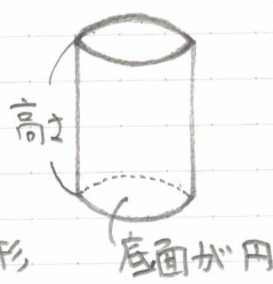
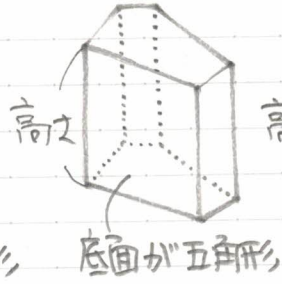
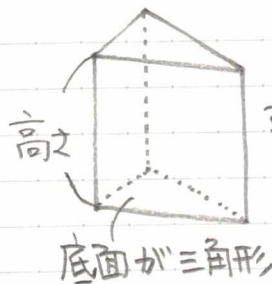


第11回 講義案 柱体と錐体

三角柱

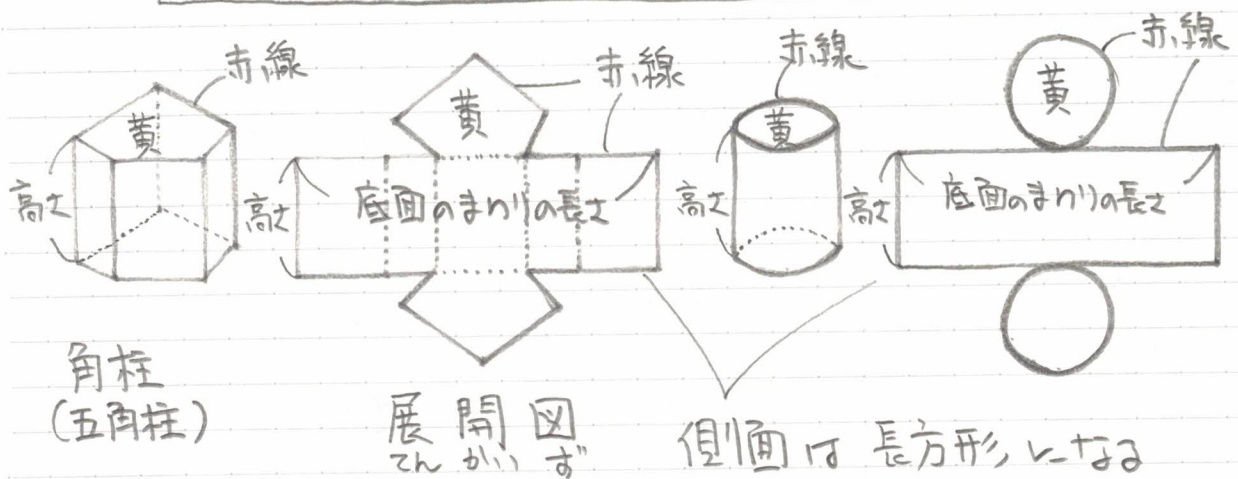
五角柱

円柱



体積は 底面積 × 高さ  
 (柱体の ちゆうたい)

底面の形を1匹  
 段ボールの積み重ね  
 のイメージ



角柱 (五角柱)

展開図 (ちんかいず)

側面は長方形になる

柱体の側面積  
 = 底面のまわりの長さ × 高さ

長方形の面積

$$= \text{横の長さ} \times \text{てこの長さ}$$

$$\triangleq \text{底面のまわりの長さ} \times \text{高さ}$$

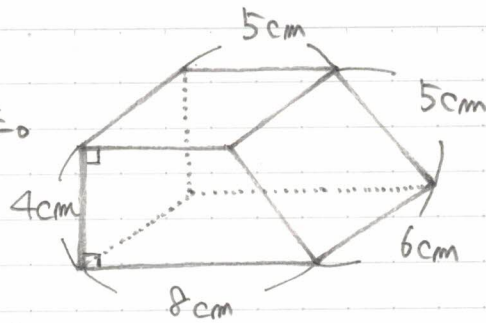
小人のペンキ屋さん

柱体の表面積  
 = 底面積 × 2 + 底面のまわりの長さ × 高さ

## 必修1

右の図は底面が台形の四角柱。

- (1) 体積は何  $\text{cm}^3$  か。  
 (2) 表面積は何  $\text{cm}^2$  か。



- (1) 「底面が台形の四角柱」とあるが、  
 底面に色をつけてみて。「底面」という言葉に注意せよ!

$$\text{四角柱の体積} = \text{底面積} \times \text{高さ}$$

$$(\text{上底} + \text{下底}) \times \text{高さ} \div 2 \quad \leftarrow \text{練習でせ}$$

計算

$$\begin{aligned} (5 + 8) \times 4 \div 2 \times 6 &= 13 \times 4 \div 2 \times 6 \\ &= 52 \div 2 \times 6 \\ &= 26 \times 6 \\ &= 156 (\text{cm}^3) \end{aligned}$$

- (2) 表面積 小人のパンキ屋さん ぬい) 忘りに注意します

もちろん 6つある四角形を1つずつ考えなくてもできます。

でも... ↓ 展開図 (×に赤線と黄色)

$$\begin{aligned} \text{底面積} \times 2 + \text{底面のまわりの長さ} \times \text{高さ} \\ \uparrow \qquad \qquad \qquad \uparrow \qquad \qquad \qquad \uparrow \\ \text{小問(1)で} \qquad \qquad \qquad 4\text{cm} + 5\text{cm} + 5\text{cm} + 8\text{cm} \qquad 6\text{cm} \\ 26\text{cm}^2 \qquad \qquad \qquad = 22\text{cm} \end{aligned}$$

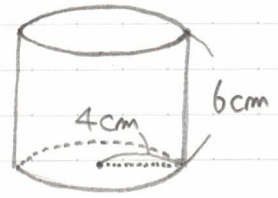
計算

$$\begin{aligned} 26 \times 2 + 22 \times 6 \\ = 52 + 132 \\ = \underline{184 (\text{cm}^2)} \end{aligned}$$

必修2

右の図は円柱。円周率を3.14とす。

- (1) 体積は何cm<sup>3</sup>か。
- (2) 表面積は何cm<sup>2</sup>か。



(1) 円形の段ボールのつみ重は

↓  
 底面積 × 高さ  
 ↗ 4cm × 4cm × 3.14 ↖ 6cm  
 半 半 円周率

計算  
 $4 \times 4 \times 3.14 \times 6$   
 $= 4 \times 4 \times 6 \times 3.14$   
 $= 96 \times 3.14$   
 $= \underline{301.44 \text{ (cm}^3\text{)}}$

(2)

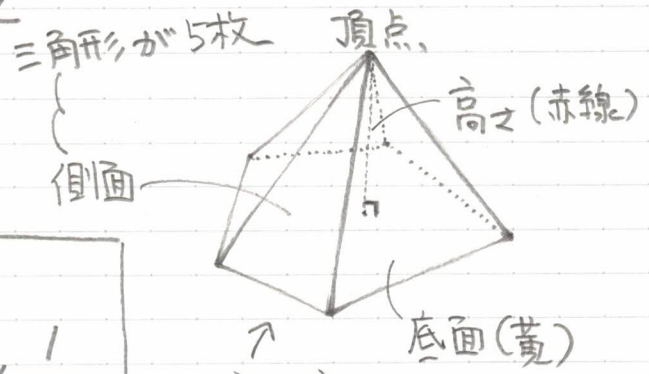


この形を「イメージ」  
 (んてい) (広島弁)

底面積 × 2 + 底面のまわりの長さ × 高さ  
 ↗ 4cm × 4cm × 3.14 ↖ 6cm  
 直径

計算  
 $4 \times 4 \times 3.14 \times 2 + 4 \times 2 \times 3.14 \times 6$   
 $= 4 \times 4 \times 2 \times 3.14 + 4 \times 2 \times 6 \times 3.14$   
 $= 32 \times 3.14 + 48 \times 3.14$   
 $= (32 + 48) \times 3.14$   
 $= 80 \times 3.14$   
 $= \underline{251.2 \text{ (cm}^2\text{)}}$

次は 角錐  
 かきすい

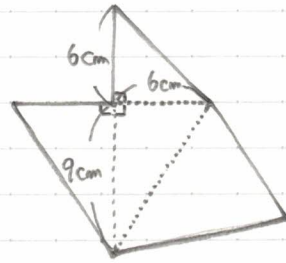


角錐の体積  
 $= \text{底面積} \times \text{高さ} \times \frac{1}{3}$

これは五角錐

必修3

右の図はある立体の展開図。  
組み立ててできる立体の体積は  
何  $\text{cm}^3$  か。



底面に色をつけてやる

↓  
頂点にたまる3ヶ所に別の色

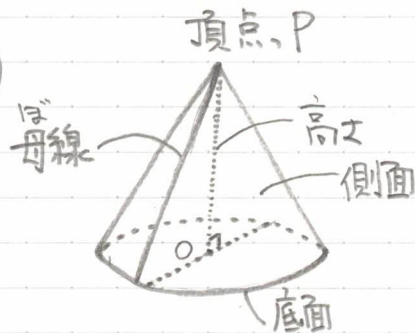
↓  
三角錐に

$$\text{体積} = \text{底面積} \times \text{高さ} \times \frac{1}{3}$$

$$\begin{matrix} \nearrow 6\text{cm} \times 9\text{cm} \div 2 & \nearrow 6\text{cm} \\ 6 \times 9 \div 2 \times 6 \times \frac{1}{3} = \underline{54 (\text{cm}^3)} \end{matrix}$$

(底面積を  $6\text{cm} \times 6\text{cm} \div 2 = 18\text{cm}^2$  と見ること可能)

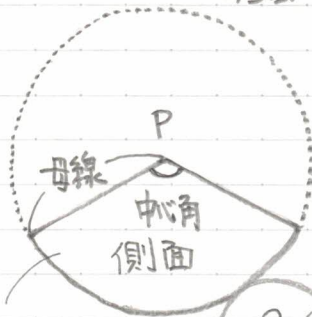
すい  
円錐



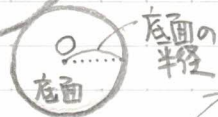
頂点と底面の円周を結ぶ直線を母線という。  
ほせん

これは角錐と同じ

おぼえる



側面はおうぎ形  
(例. 甲冑盆地)



$$\text{円錐の体積} = \text{底面積} \times \text{高さ} \times \frac{1}{3}$$

$$\frac{\text{中心角}}{360} = \frac{(\text{底面の})\text{半径}}{\text{母線}}$$

$$\text{円錐の側面積} = \text{母線} \times (\text{底面の})\text{半径} \times 3.14$$

この式の求め方を考えるのはおぼえてからだよ。

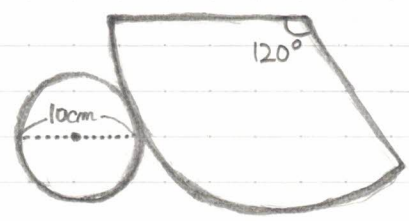


必修4

右の図は 右の円錐の展開図。

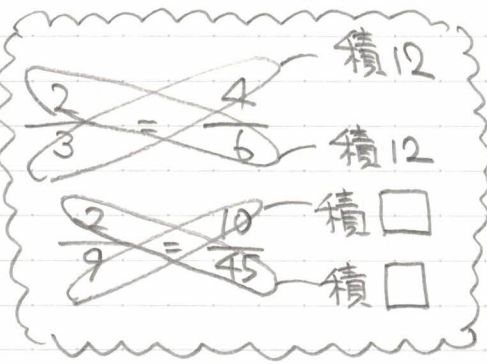
円周率を 3.14 とし。

- (1) この円錐の母線の長さは何cmか。
- (2) この円錐の表面積は何cm<sup>2</sup>か。



(1)  $\frac{\text{中心角}}{360} = \frac{(\text{底面の})\text{半径}}{\text{母線}}$  となるので  $\frac{120}{360} = \frac{5\text{cm}}{\text{母線}}$  (Note: 10cm ÷ 2 = 5cm)

知、てお、き、な、い、な、ら、う



$1 \times \text{母線} = 3 \times 5$   
 $= 15 \text{ (cm)}$

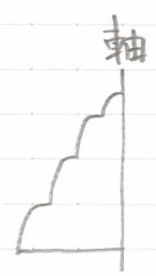
(2) 表面積 = 底面積 + 側面積  
 $5\text{cm} \times 5\text{cm} \times 3.14$  (Note: お母さんの半分のおはいておはいては.....)  $+$   $\text{母線} \times \text{半径} \times 3.14$  (Note: なぜおはいて? 元)

計算  
 $5 \times 5 \times 3.14 + 15 \times 5 \times 3.14$   
 $= 25 \times 3.14 + 75 \times 3.14$   
 $= (25 + 75) \times 3.14$   
 $= 100 \times 3.14$   
 $= 314 \text{ (cm}^2\text{)}$

計算の工夫の大切さに気付いてほしい

回転体

口で説明  
回転の軸



回転体は生徒たちが好きな形になります。  
軸B 軸A



オマエ